

A továbbképző tanfolyam első sorban a vadászerdei erdőőri szakiskolánál rendeztetik be. Mindenesetre szükséges lesz emellett, hogy a tanulók hegyvidéki erdőkbe tanulmányutra küldessenek. Egyáltalában nem mellőzhetjük abbéli régebbi nézetnyilvánításunk megismétlését ezuttal sem, hogy a királyhalmi erdőőri szakiskolán, részben a vadászerdein és liptóújvárin is a szakiskola fekvése miatt meglehetősen egyoldalú a tanulók gyakorlati kiképzése. Királyhalmán kizárólag a homoki erdők kezelése mutatható be. Vadászerdő szintén oly erdőtípust képvisel, amely a múlté, mert lapályon elterülő tölgyesünk már alig van, Liptóújvár viszont tisztán a legkifejezettebb magashegységi viszonyokkal ismerteti meg a tanulót s az erdeink zömét felölelő vegyes erdő táját egyedül Görgény-Szt.-Imre képviseli. Mi oly helyen szeretnők látni legalább egyik szakiskolánkat, mint pl. Zsarnócza, ahol lomb- és fenyőöv találkozik és igen változatos viszonyokkal ismerkedhetik meg a tanulók, kinek a különlegességeket elég tanulmányuton megmutatni, holott most ilyeneken ismerik meg a leggyakrabban előforduló gazdaságokat.



## Tanulmány az erdőértékszámítás köréből.

Irta: Szabó Endre, m. kir. erdőgyakornok.

**E**rdőgazdaságunk jövedelmezőségének mérőszámát a mindenkori eladási árak mellett kiszámítván, ebből az adatból kiindulólág megállapíthatjuk egyuttal azt is, hogy mily nagy kellene, hogy legyen, egy tömör köbméternyi fánknak, mint termelvénynek, az eladási ára (azaz tőára), nehogy erdőgazdaságunk jövedelme egy jogosan megkívánható százalékon alul maradjon.

Erdőgazdaságok jövedelmezőségének mérőszámát az u. n. erdőgazdasági kamatláb segítségével szokás megadni, mely nem más, mint az a szám, amely megmutatja nekünk azt, hogy az erdőgazdaságunkba fektetett tőkéknek pénzben kifejezett 100 egysége — 1 év alatt — hány pénzegységgel egyenértékű javat termel. Következésképpen az erdőgazdasági kamatláb:  $p$  mérőszáma megadhatóvá válik, hogyha számbelileg kifejezzük azt a

viszonyt, amely fennáll: az erdőgazdaságunkba befektetett fekvő-, beruházási- és forgótőkénk és ezen tőkéknek ama részei között, amelyek mint a forgótőkéknek kamatos-kamattal számított végértékei és illetve amelyek, mint a fekvő és beruházási tőkék kamatai a termelvényekbe átmentek, lévén erdőgazdaságunk célja a fatermelés. A most említett viszony mérőszámát keresvén, tekintettel arra, hogy erdőgazdaságunk jövedelmezőségének mérőszámából  $= p$ -ből óhajtjuk levezetni az egységnyi tömegű fatermelvényünk tőráját, abból a gazdasági tételből induljunk ki, hogy: minden egyes szigoruan tartamos üzemben kezelt és szabályos állapotú gazdasági osztályunk üzeme csak abban az egy esetben válik gazdaságossá, hogyha a kihasználásra érett korfokok szolgáltatja termelvények, illetve azok választékai szorozva tőáraikkal oly szorzatot adnak eredményül, amely nem kisebb: kérdéses gazdasági osztályunk forgalmi, vagyis eladási értékének egy évi kamatjából és az egy évre szükséges erdősitési költségből  $s$  az u. n. örökös, szintén egy évre szükséges kiadásból alakult mennyiség-tani összegnél.

A mondottaknak kiindulási pontul való kiválasztása által tulajdonképpen föltételezhetőnek véljük azt, hogy gazdasági osztályunk évi bevételeinek és évi kiadásainak pontos vezetésével képesek vagyunk egyrészt az abból nyert évi tiszta bevételt, másrészt a gazdasági osztályunkba befektetett pénzüsségeket — természetük szerint elkülönítetten — tisztán látni és hogy ezen adatok birtokában gazdasági osztályunk eladási értékéből levezethetjük nemcsak a fiatal, de a középkorú korfokok értékeit is, sőt a vágásra érett korfokok szolgáltatja választékoknak eladási (tő-) árait is. Ami által lehetőségessé vált annak az előnyös helyzetnek megteremtése, hogy gazdasági osztályunk gazdasági múltjának számbavehető, tényleges adatai alapján számíttunk (egyedül csak a talaj eladási, illetve forgalmi értékének évi kamata szerepelvén mint becsült érték az alábbiakban), ennél fogva számításainkba nem vezetünk be a távol jövő kódébe vesző és emberileg előre meg sem határozható adatokat, amint azt (jobb híjján) a talaj vagy a faállomány stb. gazdasági értékeinek kiszámításakor tennünk kell.

A mondottakat bebizonyítandó, vonjuk be alább következő levezetésünk körébe a következő jelzéseket:



- $\alpha$ ) — 1. egy korfok elfoglalta terület, mint talaj, eladási értéke  $= T_e$ ;
2. egy korfok évi erdősítési költsége  $= C$ ;
3. egy korfok egy évi örökös kiadása  $= \ddot{o}$ ;
4. az alkalmazott vágásforduló éveinek a száma  $= f$ ;
5. az erdőgazdasági kamatláb  $= p$ ;
6. a szabályos állapotú gazdasági osztályunk eladási értéke  $= E$ ;
7. a szabályos állapotú gazdasági osztályunk évi tiszta jövedelme  $= J$ ;
8. a szabályos állapotú gazdasági osztályunk jelenlegi összes álló fatömege, azaz fakészlete  $= Sz_k$ .

$\beta$ ) Szabályos állapotú gazdasági osztály alatt értvén a jelen esetben egy oly szigorú tartamosságban kezelt gazdasági osztályt, amelyben:

1. a korfokok száma  $=$  az alkalmazott vágásforduló éveinek a számával  $f$ -el;
2. a teljes korosztályok száma  $=$  a fordulószakok számával;
3. minden egyes korfok egy-egy tetszőlegesen felvett területegységet foglal el, úgy hogy a gazdasági osztály összterülete  $= f$  területegység és ennek eladási értéke  $= f \cdot T_e$ ;
4. két-két szomszédos korfok korkülönbsége  $= 1$  év és a korfok évi növedéke  $=$  állandó.

Mindezeknek föltételezésével föllállitható a következő kettős tétel, hogy: *a*) az összes bevételek és kiadások  $f$  év alatt egyetlen egy korfokban mind előjönnek és hogy: *b*) bármelyik korfoknak  $f$  év alatt létrejött összes bevétele és összes kiadása, az egész gazdasági osztályra vonatkoztatva, évenként örökösen ismétlődik.

Eladási érték alatt a szó legszorosabb értelmében csereérték kell értenünk. Csereérték alatt értvén a jelen esetben: gazdasági osztályunk használhatóságának, illetve jobban mondva: az emberi szükségletek fedezésére való képességének pénzegységekben kifejezett mérőszámát, melyet megkapok, hogyha gazdasági osztályomat forgalomba bocsátom, azaz pénzért hajlandó vagyok másnak cserébe átengedni.

A cserét mindenkor a kölcsönösen átengedendő javak összemérése, becslése, értékelése előzi meg tudvalevőleg.

És ha a forgalomba lépő szabályos állapotú gazdasági osztályomat egy oly vagyongészletnek tekintem, mely szigorúan tartamos gazdaságra alkalmas, úgy ebben az esetben írhatom a következőket, hogy a szabályos állapotú gazdasági osztály csere-értéke, illetve pontosabban szólva: valódi társadalomgazdasági értéke nem lehet más, mint:

$$I. \quad E = (T_e + C) \cdot \frac{1 \cdot 0p^f - 1}{0 \cdot 0p} + \frac{\ddot{o}}{0 \cdot 0p} \cdot \left( \frac{1 \cdot 0p^f - 1}{0 \cdot 0p} - f \right),$$

eltekintve ezuttal az elő- és a mellékhasználatok nyújtotta bevételektől, miután ezek a főhasználat szolgáltatása faválasztékok üzleti alapon álló tőzárainak megváltoztatása nélkül öregbitik gazdasági osztályunk évi tiszta jövedelmét, mivelhogy ezen bevételek egy oly vállalkozás eredményének tekinthetők, amely vállalkozás az erdőtenyésztésben, mint tudomány világánál nyert tapasztalatokon nyugodván, a belőle nyert bevételek ezen tapasztalatok értékesítéséből erednek.

I. alatti egyenlőségünk szavakban kifejezve azt jelenti, hogy a szabályos állapotú gazdasági osztály, mint *vagyongészlet* két oly nagyságú tőke összegének tekintendő, melyek egyike =  $\tau_1$  örökösen és évenként meghozza nekünk  $p$  erdőgazdasági kamatláb hajtása mellett  $T_e$  és  $C$  befektetett gazdasági tőkénknek  $p$  százalékkal számított  $f$  éves szaporodékát és amelyek másika:  $\tau_2$  örökösen és évenként beszolgáltatja nekünk (ugyancsak az erdőgazdasági kamatláb hajtása mellett)  $\frac{\ddot{o}}{0 \cdot 0p}$  tőkénknek  $p$  százalékkal számított  $f$  éves szaporodékát, kisebbítve gondolván ez utóbbit  $\frac{f \cdot \ddot{o}}{0 \cdot 0p}$ -vel;

azaz:

$$\begin{cases} \tau_1 \cdot 0 \cdot 0p = (T_e + C) \cdot (1 \cdot 0p^f - 1) \\ \tau_2 \cdot 0 \cdot 0p = \frac{\ddot{o}}{0 \cdot 0p} \cdot (1 \cdot 0p^f - 1) - f \cdot \frac{\ddot{o}}{0 \cdot 0p} \end{cases}$$

ezekből

$$\begin{cases} \tau_1 = (T_e + C) \cdot \left( \frac{1 \cdot 0p^f - 1}{0 \cdot 0p} \right) \\ \tau_2 = \frac{\ddot{o}}{0 \cdot 0p} \cdot \left( \frac{1 \cdot 0p^f - 1}{0 \cdot 0p} \right) - \frac{f \cdot \ddot{o}}{0 \cdot 0p} \end{cases}$$



és e kettő összege:

$$\tau_1 + \tau_2 = (T_e + C) \cdot \left( \frac{1 \cdot 0p^f - 1}{0 \cdot 0p} \right) + \frac{\ddot{o}}{0 \cdot 0p} \cdot \left( \frac{1 \cdot 0p^f - 1}{0 \cdot 0p} - f \right) \equiv E_{q.d.e.}$$

I. alatti egyenlőségünkkel megadott:  $E$ -ből a szabályos gazdasági osztály évi tiszta jövedelme  $J$  a következő módon vezethető le:

$$\text{II.} \quad J = (T_e + C) \cdot (1 \cdot 0p^f - 1) + \frac{\ddot{o}}{0 \cdot 0p} \cdot (1 \cdot 0p^f - 1) - f \cdot \ddot{o},$$

mert az előzők értelmében a szabályos állapotú gazdasági osztály évi tiszta jövedelme:  $J$  nem lehet kisebb, legfeljebb egyenlő a befektetett fekvő- ( $T_e$ ) és beruházási ( $C$  és  $\frac{\ddot{o}}{0 \cdot 0p}$ ) tőkék  $f$  éves szaporodékánál, azaz

$$J \geq E \cdot 0 \cdot 0p \equiv (T_e + C) \frac{(1 \cdot 0p^f - 1) \cdot 0 \cdot 0p}{0 \cdot 0p} + \frac{\ddot{o} \cdot 0 \cdot 0p}{0 \cdot 0p} \left( \frac{1 \cdot 0p^f - 1}{0 \cdot 0p} - f \right).$$

Elégedjünk meg egyelőre azzal, hogy

$$J = E \cdot 0 \cdot 0p$$

legyen; ide pedig behelyettesítvén  $E$ -nek I. alatt megadott kifejezését, a kijelölt szorzás végrehajtása után eredményül a II. alattiakat nyerem eredményül.

A II. alatti egyenlőségből kérdéses gazdasági osztályunk jövedelmezőségének mérőszámát, azaz az erdőgazdasági kamatláb  $= p$  értékét megadó egyenlet le nem származtatható kielégítően egyszerű alakra,<sup>\*)</sup> mivel II. alatti egyenlőségünknek  $p$  szerinti megoldása a következő egyenlőségre vezet végeredményképpen:

$$\text{II.} \quad J = (T_e + C) \cdot (1 \cdot 0p^f - 1) + \frac{\ddot{o}}{0 \cdot 0p} \cdot (1 \cdot 0p^f - 1) - f \cdot \ddot{o}$$

$(1 \cdot 0p^f - 1)$ -től mentes tagot átvivén az egyenlet baloldalára:

$$J + f \cdot \ddot{o} = (T_e + C) \cdot (1 \cdot 0p^f - 1) + \frac{\ddot{o}}{0 \cdot 0p} \cdot (1 \cdot 0p^f - 1),$$

<sup>\*)</sup> V. ö. Csoma Gusztáv „Tanulmány az erdőértékszámítás köréből“ című cikkét; megjelent: a „Magyar Erdész“ 1907. évi, 14. számú füzetében. Szerző.

$(1 \cdot 0p^f - 1)$  mint közös szorzó az egyenlet jobboldalán kiemeltvén:

$$J + f \cdot \ddot{o} = (1 \cdot 0p^f - 1) \cdot \left[ T_e + C + \frac{\ddot{o}}{0 \cdot 0p} \right],$$

ebből

$$1 \cdot 0p^f - 1 = \frac{J + f \cdot \ddot{o}}{T_e + C + \frac{\ddot{o}}{0 \cdot 0p_1}}$$

és

$$\text{III.} \dots \dots \dots 1 \cdot 0p = \sqrt[f]{\frac{J + f \cdot \ddot{o}}{T_e + C + \frac{\ddot{o}}{0 \cdot 0p_1}} + 1},$$

megjegyezvén, hogy a gyökjel alatt szereplő:  $p_1$  betű értelme ugyanaz, mint az egyenlet baloldalán szereplő:  $p$  betűé, e kettő közt csupán annyi a különbség, hogy  $p_1$ -et (illetve:  $0 \cdot 0p_1$ -et) az egyenlet másik oldalán szereplő  $p$ -be [illetve:  $(1 \cdot 0p^f - 1)$ -be] beolvasztani nem sikerült, következésképpen kívánatosá vált utolsó egyenletünk helyett egy másik egyenletet is levezetni, amely alkalmasabb lenne: közvetlen meghatározására annak, hogy kérdéses gazdasági osztályunk — mindenkori jelen tiszta jövedelme:  $J$  mellett — vajjon mily százalékkal kamatoztatja befektetett:

$T_e$ ,  $C$  és  $\frac{\ddot{o}}{0 \cdot 0p}$  tőkéinket és közvetett meghatározására annak, hogy a vágásra érett korfokunk szolgáltatta faválasztékok tőrái mekkorára veendőek fel, nehogy gazdasági osztályunk jövedelme egy jogosan megkívánható százalékon alul maradjon.

Keresett egyenletünk föllállíthatása érdekében még egy újabb egyenlőséget kell föllástanunk, amely a II. alatti egyenlőségünkkel együttvéve megadja nekünk azt a két egyenletből álló egyenletrendszer, mely utóbbiból  $p$  értékét meghatározó egyenlet már kielégítően egyszerű alakja leszarmaztatható lesz.

Ezen célból szögezzük le mindenekelőtt a következőket:

1.  $T_e$  szerint rendezvén II. alatti egyenlőségünket, eredményül kapjuk számokban kifejezve szabályos állapotú gazdasági osztályunk talajának eladási, illetve forgalmi értékét:

$$\text{II.} \dots \dots J = (T_e + C) \cdot (1 \cdot 0p^f - 1) + \frac{\ddot{o}}{0 \cdot 0p} \cdot (1 \cdot 0p^f - 1) - f \cdot \ddot{o},$$

a kijelölt műveleteket az egyenlet jobboldalának első tagjában részleg elvégezvén:

$$J = T_e \cdot (1 \cdot 0p^f - 1) + C \cdot (1 \cdot 0p^f - 1) + \frac{\ddot{o}}{0 \cdot 0p} (1 \cdot 0p^f - 1) - f \cdot \ddot{o},$$

ebből  $T_e$   $f$  éves szaporodéka:

$$T_e \cdot (1 \cdot 0p^f - 1) = J + f \cdot \ddot{o} - C \cdot (1 \cdot 0p^f - 1) - \frac{\ddot{o}}{0 \cdot 0p} \cdot (1 \cdot 0p^f - 1);$$

már most egyszerűsítés kedvéért szorozzuk meg legutóbbi egyenletünk jobb- és baloldalát:

$$\frac{1}{1 \cdot 0p^f - 1} \text{-el:}$$

$$\text{IV.} \quad \dots \quad T_e = \frac{J + f \cdot \ddot{o}}{1 \cdot 0p^f - 1} - C - \frac{\ddot{o}}{0 \cdot 0p}.$$

2. Jelelvén pedig gazdasági osztályunknak eladási értékét  $E$ -vel és mivel a fentiek értelmében ennek évi szaporodéka legalább is egyenlő kell hogy legyen  $J$ -vel, gazdasági osztályunk évi tiszta jövedelmével, azaz

$$E \cdot 0 \cdot 0p = J,$$

ennélfogva

$$\text{V.} \quad \dots \quad E = \frac{J}{0 \cdot 0p}.$$

3. És végül fejezzük ki ugyanezen gazdasági osztályunk jelenleg álló összes fatömegének, azaz fakészletének értékét:  $Sz_k$ -t  $E$  és  $T_e$  segítségével.

$$\text{VI.} \quad \dots \quad Sz_k = E - f \cdot T_e,$$

miután  $\alpha$ ), illetve a  $\beta$ ) alattiak értelmében gazdasági osztályunk  $f$  korfokot és így összterülete  $f$  területegységet számlálván magában, mely utóbbinak eladási értékét levonván  $E$  értékéből, eredményül kell, hogy az álló fatömeg értékét nyerjem.

Már most  $T_e$ -nek, illetve  $E$ -nek a IV., illetve az V. alatt megadott mennyiségtani kifejezését a VI. alattiakba sorba behelyettesítvén, eredményül nyerem azt az egyenlőséget, mely a II. alatti egyenlőségünkkel együttvéve egy egyenletrendszer alkot és mint ilyen  $p$  keresett értékének mennyiségtani megadására alkalmas.



Ez az egyenletrendszer tehát csak a következő lehet:

$$A_1 \dots \begin{cases} \text{II.} \dots J = (T_e + C) \cdot (1 \cdot 0p^f - 1) + \frac{\ddot{o}}{0 \cdot 0p} \cdot (1 \cdot 0p^f - 1) - f \cdot \ddot{o} \\ \text{VII.} \dots E - f \cdot T_e = \frac{J}{0 \cdot 0p} - f \cdot \left[ \frac{J + f \cdot \ddot{o}}{1 \cdot 0p^f - 1} - C - \frac{\ddot{o}}{0 \cdot 0p} \right] \end{cases}$$

VII. alatti egyenlőségünk jobboldalának második tagjában a kijelölt szorzást elvégezvén:

$$A_2 \dots \begin{cases} \text{II.} \dots J = (T_e + C) \cdot (1 \cdot 0p^f - 1) + \frac{\ddot{o}}{0 \cdot 0p} \cdot (1 \cdot 0p^f - 1) - f \cdot \ddot{o} \\ \text{VII.} \dots E - f \cdot T_e = \frac{J}{0 \cdot 0p} + f \cdot C + \frac{f \cdot \ddot{o}}{0 \cdot 0p} - \frac{f \cdot (J + f \cdot \ddot{o})}{1 \cdot 0p^f - 1} \end{cases}$$

Rendezzük adott egyenletrendszerünk mindkét egyenletét, még pedig oly módon, hogy  $(1 \cdot 0p^f - 1)$ , illetve  $\left(\frac{1 \cdot 0p^f - 1}{0 \cdot 0p}\right)$  mint közös szorzó kiemeltetvén a szorzatokból, az egyenletek jobboldalain csupán az  $(1 \cdot 0p^f - 1)$ -től, illetve az  $\left(\frac{1 \cdot 0p^f - 1}{0 \cdot 0p}\right)$ -től mentes tagok maradjanak.

A rendezés menete:

$$\text{II.} \dots J = (T_e + C) \cdot (1 \cdot 0p^f - 1) + \ddot{o} \cdot \left(\frac{1 \cdot 0p^f - 1}{0 \cdot 0p}\right) - f \cdot \ddot{o}$$

$$\text{II}'. \dots (1 \cdot 0p^f - 1) \cdot [T_e + C] + \left(\frac{1 \cdot 0p^f - 1}{0 \cdot 0p}\right) \cdot \ddot{o} = J + f \cdot \ddot{o}$$

és

$$\text{VII.} \dots E - f \cdot T_e = \frac{J}{0 \cdot 0p} + f \cdot C + \frac{f \cdot \ddot{o}}{0 \cdot 0p} - \frac{f \cdot (J + f \cdot \ddot{o})}{1 \cdot 0p^f - 1},$$

megszorozván az egyenlet jobb- és baloldalát  $: 1 \cdot 0p^f - 1$ -el:

$$\begin{aligned} (1 \cdot 0p^f - 1) \cdot [E - f \cdot T_e] &= \left(\frac{1 \cdot 0p^f - 1}{0 \cdot 0p}\right) \cdot J + (1 \cdot 0p^f - 1) \cdot f \cdot C + \\ &+ \left(\frac{1 \cdot 0p^f - 1}{0 \cdot 0p}\right) \cdot f \cdot \ddot{o} - f \cdot (J + f \cdot \ddot{o}) \end{aligned}$$



ebből

$$\text{VII}' \cdot (1 \cdot 0p^f - 1) \cdot [E - f(T_e + C)] + \left( \frac{1 \cdot 0p^f - 1}{0 \cdot 0p} \right) \cdot [-J - f \cdot \ddot{o}] = \\ = -f \cdot (J + f \cdot \ddot{o})$$

II', illetve VII' értelmében  $A_2$  alatti egyenletrendszerünk a következő alakra rendeződött át:

$$B_1 \quad \begin{cases} \text{II}' \cdot (1 \cdot 0p^f - 1) \cdot [T_e + C] + \left( \frac{1 \cdot 0p^f - 1}{0 \cdot 0p} \right) \cdot \ddot{o} = J + f \cdot \ddot{o} \\ \text{VII}' \cdot (1 \cdot 0p^f - 1) \cdot [E - f \cdot (T_e + C)] - \left( \frac{1 \cdot 0p^f - 1}{0 \cdot 0p} \right) [J + \\ + f \cdot \ddot{o}] = -f \cdot (J + f \cdot \ddot{o}) \end{cases}$$

Egyszerűsítés kedvéért éljünk a következő helyettesítéssel:

$$\gamma) \quad \begin{aligned} 1 \cdot 0p^f - 1 &= x && \text{legyen és} \\ \frac{1 \cdot 0p^f - 1}{0 \cdot 0p} &= y \end{aligned}$$

Már most behelyettesítvén  $\gamma$ ) alatt idézett értékpárunkat legutóbbi egyenletrendszerünkbe, eredményül egy oly egyszerű alakú egyenletrendszert nyerek, amely két elsőfoku és csupán két ismeretlennel ( $x$ -el és  $y$ -nal) bíró egyenletet tartalmazván, mint ilyen megoldásában közvetlenül  $x$  és  $y$  ismeretlenek és  $\gamma$ ) értelmében közvetve  $(1 \cdot 0p^f - 1)$ -nek, illetve  $\left( \frac{1 \cdot 0p^f - 1}{0 \cdot 0p} \right)$ -nek keresett értékeit szolgáltatja.

$$B_2 \quad \begin{cases} \text{II}'' \cdot x \cdot [T_e + C] + y \cdot \ddot{o} = J + f \cdot \ddot{o} \\ \text{VII}'' \cdot x \cdot [E - f \cdot (T_e + C)] + y \cdot [-J - f \cdot \ddot{o}] = -f \cdot (J + f \cdot \ddot{o}) \end{cases}$$

Mindenekelőtt vizsgáljuk meg  $B_2$  alatti egyenletrendszerünk determinánsát:  $D$ -t, mert ha ez különbözik a nullától, úgy abban az esetben adott egyenletrendszerünknek egy és csakis egyetlen egy megoldása lehet.

$$D = \begin{vmatrix} T_e + C & \ddot{o} \\ E - f(T_e + C) & -J - f \cdot \ddot{o} \end{vmatrix} = \\ = (T_e + C) \cdot (-J - f \cdot \ddot{o}) - \ddot{o} [E - f \cdot (T_e + C)] = -\ddot{o} \cdot E - \\ - J \cdot (T_e + C)$$

$D$  determináns tehát különbözvén a nullától, egyenletrendszerünk egyetlen megoldásképpen  $x$  és  $y$  értékei a következő módon adódnak meg, mint az alábbi determinánsok hányadosai:

$$x = \frac{A_1}{D} = \frac{\begin{vmatrix} J+f.\ddot{o} & \ddot{o} \\ -J.f-f^2.\ddot{o} & -J-f.\ddot{o} \end{vmatrix}}{-\ddot{o}.E-J(T_e+C)} = \\ = \frac{(J+f.\ddot{o})[-(J+f.\ddot{o})]-\ddot{o}.[-J.f-f^2.\ddot{o}]}{-\ddot{o}E-J(T_e+C)},$$

a kijelölt műveletek és a kinálkozó egyszerűsítések elvégzése után:

$$\xi. \dots \dots x = \frac{-[J.(J+f.\ddot{o})]}{-[J.(T_e+C)+\ddot{o}.E]}$$

És analog:

$$y = \frac{A_2}{D} = \frac{\begin{vmatrix} T_e+C & J+f.\ddot{o} \\ E-f(T_e+C) & -f(J+f.\ddot{o}) \end{vmatrix}}{-\ddot{o}E-J(T_e+C)} = \\ = \frac{(T_e+C).[-f(J+f.\ddot{o})]-(J+f.\ddot{o}).[E-f.(T_e+C)]}{-\ddot{o}E-J(T_e+C)},$$

ebből végül

$$\eta). y = \frac{-[J.E+f.\ddot{o}.E]}{-[\ddot{o}E+J(T_e+C)]} = \frac{-E(J+f.\ddot{o})}{-J(T_e+C)-\ddot{o}E}.$$

Összehasonlítván pedig a  $\xi$ ) és  $\eta$ ) alattiakat a  $\gamma$ ) alatt idézett egyenlőségeinkkel:

$$x = 1.0p^f - 1 = \frac{-[J(J+f.\ddot{o})]}{-[J(T_e+C)+\ddot{o}E]}$$

és

$$y = \frac{1.0p^f - 1}{0.0p} = \frac{-E(J+f.\ddot{o})}{-J(T_e+C)-\ddot{o}E}$$

következésképpen

$$y.0.0p = x,$$

azaz

$$y.0.0p = \frac{-0.0p.E.(J+f.\ddot{o})}{-J(T_e+C)-\ddot{o}E}$$



és mivel az előzőekben V. alatti egyenlőségünk értelmében:

$$E = \frac{J}{0.0p} \text{ és } E \cdot 0.0p = J,$$

illetve VI. alatti egyenlőségünk értelmében

$$E = Sz_k + f \cdot T_e,$$

ennélfogva  $1.0p^f - 1$  értéke nem lehet más, mint

$$1.0p^f - 1 = \frac{-[J \cdot (J + f \cdot \delta)]}{-[J(T_e + C) + \delta \cdot (Sz_k + f \cdot T_e)]},$$

ebből végül a tört számlálóját és nevezőjét ( $-1$ )-el megszorozván:

$$\text{VIII. . } 1.0p^f = \left( \frac{+[J \cdot (J + f \cdot \delta)]}{+[J \cdot (T_e + C) + \delta \cdot (Sz_k + f \cdot T_e)]} \right) + 1.$$

Legutóbbi egyenlőségünk megoldásához elegendők lennének egymagukban a kamatszámítási táblák is, hogyha a szokásos kamatszámítási táblákon kívül még egy olyan is rendelkezniék, amelyben  $1.0p^f$ -nek értékei  $0.1$ -től egészen  $10.0$  százalékgig és legalább  $1$ -től  $100$  évig adva lennének.

Ily táblázat keveseknek állván rendelkezésére, ezért tehát rendezzük VIII. alatti egyenlőségünket oly módon, hogy  $p$  keresett értéke, a megkívánt pontosság elérése mellett, logaritmustáblák segélyével is kiszámítható legyen.

A rendezés kiindulási pontjául vegyük fel a következő egyenlőségünket, hogy

$$1.0p = 0.0p + 1,$$

ezt behelyettesítvén VIII. alatti egyenlőségünkbe:

$$(0.0p + 1)^f = \frac{J \cdot (J + f \cdot \delta)}{J \cdot (T_e + C) + \delta \cdot (Sz_k + f \cdot T_e)} + 1$$

a jobb- és baloldalból  $f$ -dik gyököt vonván:

$$0.0p + 1 = \sqrt[f]{\frac{J \cdot (J + f \cdot \delta)}{J \cdot (T_e + C) + \delta \cdot (Sz_k + f \cdot T_e)} + 1}$$

és mivel  $0.0p = \frac{p}{100}$ , ezért

$$\frac{p}{100} + 1 = \sqrt[f]{\frac{J \cdot (J + f \cdot \delta)}{J \cdot (T_e + C) + \delta \cdot (Sz_k + f \cdot T_e)} + 1},$$

+1-et kivívén a gyökjel elé és mivel  $+1^{2n+1} = +1$ , ezért tehát:

$$p = 100 \cdot \left( +1 - 1 + \sqrt[2]{\frac{J \cdot (J + f \cdot \ddot{o})}{J \cdot (T_e + C) + \ddot{o} \cdot (S_{z_k} + f \cdot T_e)}} \right),$$

végül

$$\text{IX.} \quad p = 100 \cdot \sqrt[2]{\frac{J \cdot (J + f \cdot \ddot{o})}{J \cdot (T_e + C) + \ddot{o} \cdot (S_{z_k} + f \cdot T_e)}};$$

megjegyezvén, hogy mivel a gyakorlati élet nagy ritkán szolgáltat példát szabályos állapotú gazdasági osztályokról, ennél fogva legutóbbi, ugyisintén VIII-ik egyenletünkben szereplő:  $J$ ,  $T_e$ ,  $C$ ,  $\ddot{o}$  és  $S_{z_k}$  értékei alatt átlagadatokat kell értenünk, amelyeket a több éven át pontosan vezetett gazdasági könyvvitelünk megfelelő adataiból kell képeznünk;  $S_{z_k}$  mint adott gazdasági osztályunk jelenlegi, összes álló fatömegének, azaz fakészletének értéke, a helyi, illetve ennek hijján az általános fatermési táblák megfelelő adatainak és a közvetítő kereskedelem kínálta egységárak megfelelő tagjainak szorzat-összegéből alakítandó.<sup>1)</sup>

(Folyt. köv.)



## KÜLÖNFÉLÉK.

**Személyi hir.** Ó felsége id. Vuk Gyula tőzsdetanácsos, fa-nagykereskedőnek, az Országos Erdészeti Egyesület választmányi tagjának a Ferencz-József-rend lovagkeresztjét adományozta.

**Névváltozás.** Krause Károly Kassa város erdőmestere vezetéknevét *Karsai*-ra változtatta.

**A szárazság,** amely az ország számos részén a nyár elején észlelhető volt és részben még most is tart, ismét sok erdősités és felújítás pusztulását okozta. Különösen az Alföldön és az előhegységekben érezhető a nyári esőzések hiánya.

<sup>1)</sup> Lásd bővebben: Fekete Lajos: Erdőértékszámítástan II. kiadásának 146. és következő oldalain. Fekete: Erdészeti nyereségszámítástan 1900. évi kiadásának 25. és következő oldalain.